# 1 Fotonové detektory záření

doc. Ing. E. Belas, doc. RNDr. P. Moravec 4.12.2023, http://semiconductors.mff.cuni.cz/

Detektory záření můžeme rozdělit do několika kategorií:

emulsní - Fotografická emulze, nejstarší detektory.

plynové Ionizační komora, Geiger-Müllerův čítač. Ionizační komora je tvořena dvěma kovovými elektrodami (anodou a katodou), umístěnými v plynném prostředí, na které je přiloženo napětí řádově stovky voltů. Bez přítomnosti záření obvodem neprochází žádný proud - plyn mezi elektrodami je nevodivý. Vnikne-li však do prostoru mezi elektrodami ionizující záření, vyráží z původně neutrálních atomů plynu elektrony a mění je na kladné ionty. Záporné elektrony putují v elektrickém poli ke kladné anodě, kladné ionty k záporné katodě - obvodem začne protékat slabý elektrický proud způsobený iontovou vodivostí ionizovaného plynu mezi elektrodami, který je úměrný intensitě ionizujícího záření. Geiger-Müllerův čítač je také ionizační komora. Zařízení se skládá z trubice (Geigerovy trubice) naplněné inertním plynem - héliem, neonem nebo argonem s příměsí například par metylalkoholu či bromu, sloužících jako tzv. zhášedlo. Zhášedlo ukončuje vzniklý výboj a zabraňuje tak vzniku stálého proudu, který by znemožnil další měření a mohl by poškodit elektrody nebo plynovou náplň. Zhášedlo slouží k tomu, aby se omezilo trvání výboje na několik mikrosekund. Zařízení využívá nárazové lavinovité ionizace. Při srážce s atomy plynu dochází k ionizaci plynu. Uvolněné elektrony jsou urychlovány k anodě, kladné ionty ke katodě. Po nárazu těchto primárních urychlených elektronů do dalších atomů se vyrážejí z dosud neionizovaných atomů sekundární elektrony, které mohou po urychlení vyrážet další elektrony. Tento proces se nazývá lavinový efekt. Zároveň se vznikem volných nosičů náboje obou znamének dochází i k jejich zániku vzájemnou rekombinací elektronů a kationtů. Pro vznik výboje je pak podstatné to, že vznik volných nosičů náboje ionizací převáží jejich zánik rekombinací. Během výboje projde obvodem silný elektrický impuls a na pracovním odporu R vzniká vysoký napěťový impuls, který se přes oddělovací kondenzátor C vede ke zpracování. Umožňuje detekci jednotlivého kvanta příslušného ionizujícího záření. Čítač nemůže detekovat dvě částice přicházející bezprostředně po sobě. Po ionizaci jednou částicí je detektor krátkou dobu necitlivý tato doba se nazývá mrtvá doba. Vznik napěťového impulsu je také převeden na zvukový signál.

- termální Absorbované záření změní teplotu materiálu a velikost detekovaného signálu je charakterizována změnou některé vlastnosti absorbujícího média, která závisí na teplotě tj. registrujeme např. změnu elektrického odporu (bolometr), termoelektrického napětí (termočlánek), změnu tlaku ohřátého plynu (pneumatické detektory-Golay). Tyto detektory nejsou závislé na vlnové délce dopadajícího záření  $\lambda$ , jejich doba odezvy je však dlouhá. Jsou vhodné pro kalibrační účely.
- fotonové Absorbované záření způsobuje elektronové přechody, při kterých vznikají volné nosiče náboje. V elektrickém poli se tyto nosiče pohybují a vytvářejí elektrický proud. Výstupní signál závisí na vlnové délce dopadajícího záření, absorpčním koeficientu a na velikosti generovaného náboje.



Obr. 1: Schéma Ionizační komora.



Obr. 2: Schéma Geiger-Müllerův čítač.

# 1.1 Fotonové detektory

### 1.1.1 Vnější fotoefekt

Fotonové detektory jsou založeny na principu vnějšího nebo vnitřního fotoefektu. Jestliže je energie dopadajícího záření dostatečně velká, mohou excitované elektrony překonat povrchovou bariéru a dochází k emisi elektronů z povrchu látky do prostoru. Na obr.3a,b je znázorněno energetické schéma procesu *fotoelektronové emise* z kovu a z polovodiče.



Obr. 3: Fotoelektronová emise a) z kovu, b) z polovodiče.

Dopadající foton s energi<br/>í $h\nu$ způsobuje emisi elektronů z povrchu kovu, které mají energii

$$E_{max} = h\nu - W \tag{1}$$

kde W je výstupní práce z kovu, která vyjadřuje energetický rozdíl mezi klidovou energií elektronu ve vakuu  $E_o$  a energií elektronu na Fermiho hladině. Jestliže elektron leží pod Fermiho hladinou, je výsledná energie emitovaného elektronu nižší. Rovnice (1) je známý Einsteinův vztah pro fotoemisi. Nejnižší výstupní práce kovu (Cesium) je asi 2 eV, proto je možné používat tyto detektory pouze ve viditelné a ultrafialové oblasti.

V případě polovodiče jsou obvykle elektrony uvolňovány ze zaplněného valenčního pásu. Pro fotoemisi platí obdobný vztah jako (1)

$$E_{max} = h\nu - (E_g + \chi) \tag{2}$$

kde  $E_g$  je šířka zakázaného pásu a  $\chi$  je elektronová afinita polovodiče, která vyjadřuje energetický rozdíl mezi klidovou energií elektronu ve vakuu  $E_o$  a dnem vodivostního pásu. Protože energie  $E_g + \chi$  je pro určité polovodiče nižší než W(Cs), mohou tyto detektory pracovat i v infračervené oblasti.

Vnější fotoefekt se využívá ve **fotonkách**, **fotonásobičích** a v **mikrokanálových detektorech**. Ve *fotonkách* (obr.4a) se elektrony uvolněné z fotokatody po dopadu fotonů pohybují k anodě účinkem urychlujícího napětí přiloženého na katodu. Je-li fotonka plněná plynem, elektrony cestou ionizují jeho molekuly, takže na anodu dopadne větší počet elektronů, než byl uvolněn z katody.

Ve *fotonásobičích* (obr.4b) fotony opět dopadají na fotokatodu, ze které vyrážejí elektrony. Ty dopadají vlivem přiloženého elektrického pole na zesilovací elektrody - dynody, kde je počet fotoelektronů znásoben sekundární emisí. Takových dynod je ve fotonásobiči 10 i více a výsledný efekt zesílení může být i několik milionů. *Multikanálová destička* (obr.4c) také obsahuje fotokatodu a dochází v ní také k násobení elektronů, jako ve *fotonásobičích*. Urychlující napětí je přivedeno na obvod kanálu.



Obr. 4: a) Fotonka, b) Fotonásobič, c) Mikrokanálový detektor.

**Speciální aplikací** využívající vnější fotoefekt je *mikrokanálový detektor* zvaný **Noktovizor**, což je zařízení zesilující zbytkové světlo. Používá se zejména pro vojenské účely nebo pro ostrahu důležitých objektů. Noktovizor může být součástí pozorovací elektroniky vozidla, existuje také jako osobní noktovizor pro jednotlivce. Noktovizory pracují v infračerveném pásmu blízkém viditelnému světlu. Noktovizor zesiluje záření o vlnových délkách 700 až 1000 nm a převádí ho do viditelné oblasti spektra. Obraz se obvykle zobrazuje na zeleném fosforovém stínítku. Uživatel tak vidí monochromatický, zelený obraz. Noktovirory proto zachycují u teplých těles zbytkové množství jejich tepelného záření. Dnešní Noktovizory 3. a 4. generace využívají pro zesílení jasu obrazu GaAs fotokatodu, jejíž předností je nejen velmi vysoká citlivost ve spektrálním pásmu 450 - 950 nm (zčásti odpovídá viditelnému spektru a zasahuje i do blízké IC oblasti), ale i vynikající vlastnosti jak při nízkých, tak i při vysokých úrovních osvětlení a také zanedbatelná distorze obrazu. K zesílení elektrického signálu používají mikrokanálkovou destičku, která je opatřena vrstvou iontové bariéry (tenký film slinutého oxidu hlinitého) k potlačení šumu. Mikrokanálová deska obsahuje velké množství kanálků se stěnou o určité tloušťce. Počet kanálků na  $cm^2$ ) velkou měrou ovlivňuje rozlišení nočního vidění. Znásobené elektrony vyletí z multikanálkové desky a narazí na fosforové stínítko, které slouží jako promítací plocha. Fosforové stínítko přemění elektrony zpět na fotony (lidským okem viditelnou složku světla). Barva fosforového stínítka udává také barvu, kterou pozorovatel vidí skrze noční vidění. Nejčastěji monochromatická zelená nebo bílá. Noční vidění je dále doplněno o soustavu optických čoček, které slouží k usměrnění fotonů a také k zaostření na fosforové stínítko, díky nim je obraz pro pozorovatele ostrý. Tyto noktovizory se používají od 90. let dosud.

Schéma Noktovizoru je vyobrazeno na Obr.5.

1 - Čočka objektivu - čočka pro noční vidění sbírá zbytkové světlo a také světlo, které nelze vidět pouhým okem. Paprsky fotonů směřuje na fotokatodu. 2 - Fotokatoda - Na fotokatodě dochází k absorbci fotonů, ta absorbuje světelnou energii a vlivem vnějšího fotoefektu generuje elektrony. Tyto elektrony jsou poté elektrickým polem přitahovány k fosforovému stínítku. 3 - Mikrokanálová deska (MCP) - elektrony procházejí mikrokanálovou deskou, která jejich počet mnohonásobně znásobí. 4 -Zdroj napětí - vytváří elektrické pole, v kterém dochází k urychlení elektronů směrem k fosforovému stínítku. 5 - Fosforové stínítko - Když elektronový obraz dopadá na plochu fosforového stínítka, způsobí to, že displej emituje (zobrazuje) viditelné světlo. (přeměna elektronů na fotony) Vzhledem k tomu, fosforové stínítko emituje toto světlo v přesně stejném vzoru a kontrastu, jako bylo shromážděno objektivem, je obraz viděný přes noční vidění naprosto shodný s obrazem pozorované scény. 6 - Čočka okuláru - čočka slouží k nasměrování obrazu zobrazovanému na fosforovém stínítku k oku pozorovatele, tedy k zaostření.

Větší množství tepelného záření, které při obvyklých teplotách těles nejvíce září při vlnových délkách okolo 10 um, zachycují a využívají termovize, které jsou založené na principu vnitřního fotoefektu.



Obr. 5: Schéma noktovizoru.



Obr. 6: Užití noktovizoru.

### 1.1.2 Vnitřní fotoefekt



Obr. 7: Vnitřní fotoefekt.

Dopadající záření, které nemá dostatečnou energii na uvolnění elektronů z povrchu polovodiče, může způsobovat vnitřní elektronové přechody, při kterých se fotoexcitací uvolňují nosiče (elektrony nebo díry), které však zůstávají uvnitř látky. Přiložíme-li na polovodič elektrické pole, projeví se tyto přechody zvýšením vodivosti - vzniká *fotovodivost*. Elektronové přechody můžeme rozdělit do tří skupin (viz obr.7)

a)  $vlastní \ (intrinzické)$  - excitace elektronů z valenčního do vodivostního pásu polovodiče - vlastní fotovodivost

b)  $p\check{r}\acute{i}m\check{e}sov\acute{e}$ - excitace elektronů z valenčního pásu na akceptorovou hladinu nebo excitace elektronů z donorové hladiny do vodivostního pásu - nevlastní fotovodivost

c) založené na interakci s volnými nosiči - excitace elektronů mezi hladinami ve vodivostním pásu

ad a) dlouhovlnná mez citlivosti vlastního detektoru  $\lambda_g$  (cutoff wavelength):  $\lambda < \lambda_g = \frac{hc}{E_g} = \frac{1.24}{E_g[eV]}$ 

ad b) dlouhovlnná mez citlivosti příměsového detektoru:  $\lambda < \lambda_i = \frac{hc}{E_i}$   $E_i$ -ionizační energie příměsi

Detektory využívající vnitřní mezipásové přechody mohou na rozdíl od detektorů založených na vnější fotoemisi pracovat daleko do ič oblasti. Pro vlnové délky  $\lambda > 2\mu m$  je však nutné detektory chladit, aby se zabránilo termální ionizaci příměsí, která konkuruje ionizaci optické. V případě příměsových detektorů je nevýhodou velký temný proud při pokojové teplotě. Detektory je proto nutno provozovat při velmi nízkých teplotách (4 - 30 K). Další nevýhodou je nízká absorpce v příměsové oblasti, což vyžaduje větší tloušťku detektoru. Ionizované hladiny mají také velký účinný průřez pro opětovné zachycení nosičů. Proto se zvyšováním koncentrace těchto hladin klesá *doba života nosičů* a tím i *citlivost* detektoru.

### 1.1.3 Scintilační detektory

Tyto detektory jsou založeny na principu excitace elektronů do vyšších energetických stavů dopadajícím zářením, přičemž návrat elektronů do základního stavu se projeví jako světelný záblesk. Emise záření se převádí na napětí pomocí vnějšího fotoefektu (fotonásobič).

Scintilátory mohou být:

1. organické - nejčastěji jde o aromatické uhlovodíky, v nichž scintilace vznikají při přechodu volných elektronů v molekule.

2. anorganické - většinou krystaly alkalických halogenidů, které obsahují aktivační příměsi; jedná se o materiál s pásovou strukturou.

U organických scintilátorů jsou energetické hladiny složitější - vytvářejí soustavy singletů a tripletů. Mezi nimi dochází jak k zářivým přechodům (při nich je vyzářen foton) tak k nezářivým přechodům (foton při nich vyzářen není). Při zářivých přechodech dochází k fluorescenci i k fosforenci. U anorganických látek způsobí prolétávající částice přechod elektronu do vodivostního pásu; ve valenčním pásu vznikají díry. V ideálním případě je přechod zpět velmi nepravděpodobný. Pravděpodobnost deexcitace (tedy spuštění spontánní emise) lze zvýšit přidáním aktivační příměsi. Přidáním aktivační příměsi do krystalu se v jeho zakázaném pásu vytvoří energetické hladiny, přes které se mohou elektrony dostat zpět do valenčního pásu (tj. do svého základního stavu). Pro účely detekce záření se dnes nejčastěji používá jodid sodný aktivovaný thaliem - NaI(Tl), ve formě monokrystalu.



Obr. 8: Schéma scintilátoru.

### 1.1.4 Polovodičové detektory

Tyto detektory jsou založeny na principu excitace elektronů převážně z valenčního do vodivostního pásu, kdy se přímo vytvoří elektron-děrové páry, které se roztrhnou v přiloženém elektrickém poli, a jednotlivé nosiče (elektrony a díry) driftují k opačných elektrodám. Pohyb nabitých částic vytváří měřitelný proud a indukuje na elektrodách dodatečný náboj.



Obr. 9: Schéma polovodičového detektoru.

### 1.2 Parametry polovodičových detektorů

#### **1.2.1** Kvantová účinnost (Quantum efficiency): $\eta$ ( $0 < \eta < 1$ )

Je definována jako pravděpodobnost, že dopadající foton vygeneruje jeden elektron-děrový (e-h) pár.

$$\eta = \frac{\Phi_{e-h}}{\Phi_f} = (1 - R_\lambda)s\beta \qquad \beta = [1 - exp(-\alpha d)]$$
(3)



Obr. 10: Kvantová účinnost detek-

kde  $\Phi_f$  je tok dopadajících fotonů (počet fotonů za sekundu),  $\Phi_{e-h}$  je tok generovaných (e-h) párů,  $(1-R_{\lambda})$  je člen reprezentující odraz na povrchu (snížení odrazivosti  $\rightarrow$  antireflexní vrstvy), s je člen reprezentující povrchovou rekombinaci (e-h)párů (snížení povrchových stavů  $\rightarrow$  pasivace povrchu),  $\alpha$  je absopční koeficient a d je tloušťka detektou. Tloušťka detektou musí být dostatečně velká, aby se většina záření absorbovala v detektoru.

Kvantová účinnost  $\eta$  závisí na vlnové délce  $\lambda$ , protože absorpční koeficient  $\alpha$  závisí na  $\lambda$ . Pro velké  $\lambda$  ( $\lambda > \lambda_g = \frac{hc}{E_g}$ ,  $\lambda_g(\mu m) = \frac{1.24}{E_g(eV)}$ ) nedochází k absorpci, protože energie fotonu nestačí na překonání zakázaného pásu.  $\lambda_g$  zde představuje vlnovou délku absorpční hrany. Pro malé  $\lambda$  kvantová účinnost klesá, protože většina fotonů je absorbována u povrchu, kde vlivem zvýšené povrchové rekombinace fotogenerované nosiče zrekombinují dříve, než jsou odvedeny do obvodu.

#### 1.2.2 Účinnost sběru náboje (Charge collection efficiency): CCE

Je definována vztahem

toru.

$$CCE = \frac{Q_m}{Q_o} 100\% \qquad Q_o = e \frac{E_\gamma}{E_p} \tag{4}$$

kde  $Q_m$  je indukovaný náboj vytvořený pohybem fotogenerovaných nosičů v detektoru a změřený na nábojově citlivém předzesilovači,  $Q_o$  je maximální náboj, který je možno vytvořit dopadajícím zářením o energii  $E_{\gamma}$ , e je náboj elektronu a  $E_p$  je energie potřebná na vytvoření jednoho e - h páru.

#### **1.2.3** Spektrální napěťová a proudová citlivost: $R_U(\lambda)$ , $R_J(\lambda)$

Je definována vztahem

$$R_U(\lambda) = \frac{U}{P_\lambda},\tag{5}$$

kde U je fotonapětí na výstupu detektoru a  $P_{\lambda} = h\nu \Phi_f$  je optický výkon dopadadajícího záření o vlnové délce  $\lambda$ .

$$R_J(\lambda) = \frac{J}{P_\lambda} = \frac{\eta e}{h\nu} = \eta \frac{\lambda(\mu m)}{1.24} \qquad [R_J] = AW^{-1} \tag{6}$$

kde  $J = \eta e \Phi_f = \frac{\eta e}{h\nu} P_{\lambda}$  je fotoproud na výstupu detektoru. Platí  $R_J = R_U/R$ , kde R je odpor detektoru v pracovním bodě V-A charakteristiky.

Citlivot detektoru je v určité vlnové oblasti lineárně závislá na vlnové délce. Lineární dynamický rozsah, ve kterém citlivost detektoru roste lineárně s  $\lambda$  je omezen pro malé a velké  $\lambda$  vlivem závislosti  $\eta(\lambda)$ . Citlivost detektoru se snižuje také při vysokém optickém výkonu, kdy dochází k saturaci detektoru.

### 1.2.4 Rychlost odezvy detektoru

Je dána dobou, po kterou se fotogenerované nosiče nalézají v detektoru před jejich rekombinací. Zavádí



se časová konstanta  $\Delta t$ , která definuje dobu, za kterou signál detektoru klesne z 90% maximální hodnoty po ozáření na 10%.

## **1.2.5** Šířka frekvenčního pásma detektoru: $\Delta \nu_D = \frac{1}{\Delta t}$

Udává rozsah frekvencí, při kterých může detektor pracovat.

Obr. 11: Rychlost odezvy detektoru.

#### 1.2.6 Koeficient zesílení (zisk): z

Udává průměrný počet elektronů v obvodu vytvořených generací jednoho (e - h) páru. Udává, jakým podílem přispívá každý generovaný nosič k proudu J, který prochází vnějším obvodem.

$$z = \frac{J}{G} = \frac{q}{e} = \frac{\tau_n}{t_R} \tag{7}$$

 $G\ldots$ počet generovaných nosičů za jednotku času (v celém objemu vzorku)

 $\tau_n$ ... doba života elektronů

 $t_R = \frac{L_D}{\mu E}$ ... doba, za kterou se nosič dostane od jedné elektrody ke druhé ( $L_D$  je délka detektoru, E je přiložené elektrické pole a  $\mu$  je pohyblivost elektronů

z<1resp. $z>1\ldots$ fotodioda resp. foto<br/>odpor, fototranzistor

### 1.2.7 Činitel kvality: Q

Je dán součinem zisku a šířky frekvenčního pásma  $Q = z \Delta \nu_D$ . Lépe charakterizuje detektor. Většinou je Q pro daný detektor konstantní, tj. zvýšení zisku snižuje šířku použitelného frekvenčního pásma a naopak.

### 1.2.8 Energetické rozlišení (Energy resolution):

Jestliže uvažujeme monoenergetické dopadající záření, potom dostaneme na multikanálovém analyzátoru (MCA) spektrum, které odpovídá sebranému náboji na detektoru. Tento náboj je úměrný energii dopadajícího záření  $E_{\gamma}$ . Rozlišení je potom dáno vztahem

$$R_{\gamma} = \frac{FWHM}{E_{\gamma}} \tag{8}$$

kde FWHM (Full width at half maximum) je pološířka fotopíku.

### 1.3 Vliv šumu na detekci záření

Šum definujeme jako náhodné fluktuace měřeného signálu se stejným frekvenčním rozsahem jako měřený signál, tj. amplituda měřeného signálu se mění náhodným způsobem v čase. Šum můžeme rozdělit do několika skupin:

### 1.3.1 Výstřelový šum (Shot noise)

Fotonový šum - náhodné fluktuace v toku dopadajících fotonů  $\Phi_f$  v závislosti na vlastnostech zdroje. Ve stejných časových intervalech  $\Delta t$  dopadá na detektor různý počet fotonů. Tyto fluktuace můžeme statisticky popsat Poissonovým rozdělením, kde střední hodnota počtu fotonů  $\bar{n} = \Phi_f \Delta t$ .

Fotoelektronový šum je důsledkem náhodné generace (e - h) párů účinkem dopadajcího záření (kvantová účinnost  $\eta$  je pouze pravděpodobnost generace). Střední hodnota počtu fotogenerovaných (e - h) párů je potom  $\bar{m} = \eta \bar{n} = \eta \Phi_f \Delta t$ .

V důsledku těchto fluktuací není generovaný náboj v detektoru za stejný časový interval konstantní  $(|qq|q|qqq|) \Rightarrow$  proud protékající detektorem není konstantní.

V praxi se zavádí generátor šumového proudu  $j_N$ , který má na odporu  $R_L = 1\Omega$  výkon  $j_N^2$ . Střední výkon generátoru výstřelového šumu je v intervalu frekvencí  $(\nu, \nu + \Delta \nu)$  dán vztahem

$$P_N = j_N^{\overline{2}} = 2e\bar{J} \triangle \nu \tag{9}$$

kde  $\overline{J}$  je proud mezi elektrodami.

### 1.3.2 Tepelný šum (Johnsonův, Nyquistův)

Je to šum způsobený náhodným termálním pohybem nosičů proudu v detektoru i v obvodových součástkách. Každý nosič proudu může přispívat v čase  $\Delta t$  do směru proudu, i když střední hodnota proudu  $\langle i \rangle = 0$  (dráhy nosičů proudu mají nahodilý směr). Dá se odvodit pro střední výkon generátoru tepelného šumu na odporu  $R_L = 1\Omega$  v intervalu frekvencí  $\nu, \nu + \Delta \nu$  vztah:

$$\overline{j_{N_T}^2} = \frac{4kT}{R} \triangle \nu \qquad kde \, R \, je \, odpor \, vzorku. \tag{10}$$

Tepelný šum roste s teplotou a klesá s odporem $\Rightarrow$ čím méně vodivý materiál, tím menší tepelný šum.

#### 1.3.3 Generačně-rekombinační šum (g-r šum)

Dopadem záření vznikají nadbytečné (e - h) páry, které později rekombinují. Oba procesy mají statistický charakter, proto jsou zdrojem šumu.

Tento šum lze opět nahradit generátorem šumového proudu na vnitřním odporu 1 $\Omega$  o frekvenčním rozsahu ( $\nu, \nu + \Delta \nu$ ), jehož střední výkon je

$$\overline{j_{N_{GR}}^2} = 4e\bar{J}\frac{\tau}{t_R}\frac{\Delta\nu}{1+4\pi^2\nu^2\tau^2}$$
(11)

kde  $\tau$  je doba života (e - h) párů v přítomnosti rekombinačních center a  $t_R$  je průletová doba.

### 1.3.4 $1/\nu$ šum (1/f, plápolavý)

Jeho amplituda narůstá jako  $1/\nu$ , jeho původ není dosud přesně znám (většinou se předpokládá, že jde o šum kontaktů).

Vypočteme-li hodnoty šumu pomocí výše uvedených vztahů pro typické parametry určitého polovodiče, získáme část následující charakteristiky (obr.12).



Obr. 12: Šum v závislosti na frekvenci.

### 1.4 Detektivita detektoru (schopnost detekce): D

Používá se pro charakterizaci nejnižšího výkonu dopadajícího signálu, který je detektor ještě schopen odlišit od šumu.

$$D = \frac{1}{P_{\lambda}} \left(\frac{\bar{u}_{S}^{2}}{\bar{u}_{N}^{2}}\right)^{1/2} = \frac{1}{P_{\lambda}} \left(\frac{\bar{j}_{S}^{2}}{\bar{j}_{N}^{2}}\right)^{1/2} = \frac{1}{P_{NEP}} \qquad [D] = W^{-1} \tag{12}$$

 $P_{\lambda}$ ... výkon dopadajícího záření

 $\bar{u_S^2}~(\bar{j_S^2})$ ... střední hodnota napětí (proudu) generované signálem

 $u_N^2$   $(j_N^2)$  ... střední hodnota napětí (proudu) generované šumem (bez signálu)

 $P_{NEP}$  (noise equivalent power) je tedy výkon dopadajícího signálu ekvivalentní šumu tj. pro  $\bar{u}_S^2 = \bar{u}_N^2$  (výkon signálu se rovná výkonu šumu v detektoru).

Šum detektoru závisí na šířce propouštěného pásma  $\Delta \nu$  a na ploše detektoru A. Proto se detektivita normalizuje na plochu  $1m^2$  a  $\Delta \nu = 1 Hz$ . Zavádí se Měrná detektivita D\*

$$D^* = (A \,\triangle \nu)^{1/2} D = \frac{1}{P_\lambda} \left(\frac{u_S^2}{\bar{u}_N^2}\right)^{1/2} A^{1/2} \triangle \nu^{1/2} \qquad [D^*] = W^{-1} \,m \,Hz^{1/2} \tag{13}$$

Detektivita dále závisí na tom, je-li zdrojem záření *absolutně černé těleso* nebo monochromatický zdroj a na frekvenci modulace  $\rightarrow$  označujeme  $D^*(T, f, 1)$  nebo  $D^*(\lambda, f, 1)$ .

 $T\ldots$ teplota absolutně černého tělesa

 $f \dots$  frekvence modulace

 $\lambda$ ... vlnová délka záření

1 ... šířka pásma je 1Hz

Detektory ič záření se kalibrují na teplotu  $T = 500K \rightarrow D^*(500, f, 1)$ 

### 1.4.1 Další faktory ovlivňující detektivitu (temný proud)

#### 1.4.2 Vliv záření pozadí (šum pozadí)

Detektor kromě signálu registruje i *tepelné záření (radiační šum)* svého okolí. Jeho vliv závisí na oboru spektrální citlivosti detektoru, teplotě jeho okolí a na prostorovém úhlu, pod kterým dopadá záření na detektor. Při výpočtu velikosti těchto fluktuací se určuje výkon signálu shodný s výkonem šumu pozadí, z kterého je možno spočítat měrnou detektivitu  $D^*$ .

 $D_{\lambda}^{*}$  jako funkce dlouhovlnné meze detektoru  $\lambda_{g} = \frac{c}{\nu_{g}}$  je znázorněna na obr.13a, kde *teplota okolí*  $T_{B}[K]$  je parametrem křivek.  $D^{*}(T_{B}, \lambda)$  je detektivita ideálního detektoru omezeného pouze šumem pozadí. Tyto detektory se označují symbolem *BLIP (Background Limited Photodetectors)* a reálné detektory mají detektivitu vždy nižší. Minimum detektivity zde odpovídá maximu záření abs. černého tělesa pro danou teplotu (pro 500K je minimum u 10 $\mu m$ ).

S šumem pozadí souvisí také závislost  $D^*$  na velikosti chlazené clony, která vymezuje prostorový zorný úhel 2 $\theta$ , pod kterým dopadá záření na detektor. Dá se ukázat, že pro tento úhel, který svírají krajní paprsky dopadajícího záření a je vymezený clonou na detektoru, platí  $D^*(2\theta) = \frac{D^*(\pi)}{\sin 2\theta}$ , kde  $D^*(\pi)$  je detektivita v případě, kdy záření dopadá z celého poloprostoru. Na obr.13b je znázoněna měrná detektivita při  $T_B = 290 K$ , kde zorný úhel 2 $\theta$  je parametrem křivek.

#### 1.4.3 Teplota detektoru

K šumu vznikajícímu vlivem záření pozadí přispívá i teplota detektoru, protože samotný materiál nechlazeného detektoru je zdrojem záření. Tento vliv je podstatný hlavně pro detektory ič záření, kde energie registrovaných fotonů je srovnatelná s průměrnou tepelnou energií atomů detektoru ~ kT.

Chlazením detektoru na teplotu kapalného dusíku nebo kapalného hélia dostáváme výrazně vyšší detektivitu  $D^*$ . Je-li zároveň s detektorem chlazen i předzesilovač, výražně se tím sníží i elektronický šum.



Obr. 13: Měrná detektivita v závislosti na dlouhovlnné mezi detektoru; a) Prostorový zorný úhel  $2\theta = \pi$ , parametrem je teplota okolí  $T_B(K)$  b) Teplota okolí  $T_B = 290 K$ , parametrem je prostorový zorný úhel  $2\theta$ .

### 1.5 Srovnání polovodičového fotonového a termálního detektoru

Princip funkce termálního detektoru je znázorněn na obr.14. Na detektor (1) o tepelné kapacitě H dopadá záření o výkonu  $P_{\lambda}$ , které ho zahřívá. Za čas dt se v detektoru absorbuje energie  $P_{\lambda} dt$  a tepelnými přívody je odvedena energie  $G \triangle T dt$ . Rozdíl energií se spotřebuje na zvýšení teploty detektoru z  $T_o$  na  $T_o + \triangle T$ :



Obr. 14: Schéma tepelného detektoru.

$$P_{\lambda} dt - G \bigtriangleup T dt = H d(\bigtriangleup T) \tag{14}$$

$$\Rightarrow \qquad P_{\lambda} = H \frac{d(\Delta T)}{dt} + G \,\Delta T \tag{15}$$

Je-li dopadající záření modulováno ( $P_{\lambda} = P_{\lambda o} + P_{\lambda f} \cos(\omega t)$ ), teplota se měří s určitým fázovým zpožděním:

$$\Delta T = \Delta T_o + \Delta T_f \cos(\omega t + \varphi) \tag{16}$$

Po dosazení do (15) dostaneme

$$\Delta T_f = \frac{P_{\lambda f}}{(G^2 + \omega^2 H^2)^{1/2}} = \frac{P_{\lambda f}}{G(1 + \omega^2 \tau_H^2)^{1/2}} \tag{17}$$

kde  $\tau_H$  je termální časová konstanta  $\tau_H \equiv \frac{H}{G}$ .

Aby měl detektor krátkou dobu odezvy, je nutné, aby  $\tau_H \ll \frac{1}{\omega}$ , tj. H musí být nízká a G dostatečně velké. Velké G však snižuje citlivost detektoru (čím je nižší odvod tepla, tím je vyšší citlivost). V praxi je  $\tau_H \ge 10^{-3} s$ , proto jsou termální detektory pomalé.

Lze ukázat, že *mez citlivosti* tepelného detektoru je charakterizována pro T = 300K detektivitou  $D^* = 1, 8.10^8 \, mHz^{1/2}W^{-1}$ . Tato hodnota je srovnatelná s parametry *ideálního* fotonového detektoru, ale pouze v oboru  $\lambda = 10 - 15 \, \mu m$ .



Obr. 15: Schéma heterodynní detekce. Detektorem je fotoodpor nebo fotodioda, na který dopadá také signál z pomocného zdroje (laser, LED). Z je polopropustné zrcadlo a F je filtr, který propouští pouze signál s rozdílovou frekvencí.

Při tzv. *přímé metodě detekce* (nejčastějším způsobu detekce) detektor reaguje přímo na fotonový tok a v detektoru se generuje proud  $J = \eta e \Phi_f = \frac{\eta e}{h\nu} P_{\lambda}$ .

Při *heterodynní detekci* (obr. 15) detektor pracuje jako směšovač záření dvou koherentních zdrojů různých frekvencí. Je-li rozdíl frekvencí dostatečně nízký je detektor schopen na tento tzv. *mezifrekvenční kmitočet* reagovat.

Dá se ukázat, že poměr signál-šum nezávisí na materiálových parametrech detektoru s výjimkou kvantového výtěžku a že minimální detekovatelný výkon je omezen pouze fluktuací fotonového toku. Proto je nejmenší detekovatelný signál při heterogenní detekci o několik řádů nižší, než lze dosáhnout konvenčními metodami nekoherentní detekce. Tato metoda se používá v systémech optické komunikace.

# 2 Polovodičové detektory využívající vnitřní fotoefekt

### 2.1 Fotoresistor (fotoodpor)



Obr. 16: Schéma fotoodporu

Fotoodpor je polovodičová součástka, jejíž elektrický odpor klesá úměrně fotonovému toku. Dopadající fotony generují (e - h) páry, které přispívají ke snížení elektrického odporu (zvýšení elektrické vodivosti). V přiloženém elektrickém poli dochází k transportu nosičů, který vede k měřitelné změně elektrického proudu v obvodu. Na fotodporech se měří buď přímo zvýšení proudu (fotovodivost), které je úměrné fotonovému toku, nebo pokles napětí na zatěžovacím odporu  $R_L$ .

Základní zapojení fotoodporu je na obr. 16. Nechť  $R_0$  je odpor vzorku za tmy,  $\triangle R$  je změna odporu při ozáření,  $i_o$  je proud za tmy,  $i_S$  je proud při ozáření a U je napětí zdroje. Následkem ozáření vzniká na pracovním odporu  $R_L$  napětí  $u_S = (i_S - i_o)R_L$ , kde  $i_S = \frac{U}{R_L + R_o - \triangle R}$  a  $i_o = \frac{U}{R_L + R_o}$ .

Pro napětí  $u_S$  potom dostáváme

$$u_S = UR_L \frac{\Delta R}{(R_L + R_o - \Delta R)(R_L + R_o)} \tag{18}$$

a pro fotovodivost  $\Delta \sigma$  dostáváme:

$$\Delta \sigma = \sigma_S - \sigma_o = \frac{1}{R_o - \Delta R} - \frac{1}{R_o} = \frac{\Delta R}{R_o(R_o - \Delta R)} \tag{19}$$

kde  $\sigma_o = e(n_o\mu_n + p_o\mu_p)$  je elektrická vodivost za tmy. Ze vztahu (19) potom dostaneme pro změnu odporu

$$\Delta R = \frac{R_o^2 \Delta \sigma}{1 + R_o \Delta \sigma} \tag{20}$$

*Lineární* vztah mezi napětím  $u_S$  a fotovodivostí  $\Delta \sigma$  nastává ve dvou případech:

a)  $R_L \ll R_o - \triangle R$ , tj. zůstává-li konstantní napětí na fotoodporu. Potom s pomocí (18) a (20) dostáváme

$$u_S = U R_L \triangle \sigma \tag{21}$$

b) malá fotovodivost  $\Delta \sigma \ll \sigma_o$ . V tomto případě může být  $R_L$  libovolné; např. pro  $R_L \gg R_o$  obdržíme úpravou (18)

$$u_S = \frac{U}{R_L} R_o^2 \triangle \sigma \tag{22}$$

Režim maximální citlivosti dostaneme řešením rovnice  $\frac{du_S}{dR_L} = 0$ . Ze vztahu (18) dostáváme podmínku pro pracovní odpor

$$R_L = \sqrt{R_o(R_o - \Delta R)}.$$
(23)

V případě malé fotovodivosti ( $\Delta R \ll R_o$ ), plyne z (23)  $R_L = R_o$  a po dosazení do (18) vypočteme minimální detekovatelný signál:

$$u_S = \frac{1}{4} U \frac{\Delta \sigma}{\sigma_o}.$$
 (24)

K určení  $\Delta \sigma$  potřebujeme zjistit nadbytečnou koncentraci nosičů v celém vzorku. Předpokládejme, že část fotonového toku  $\eta \Phi_f$  je absorbována v objemu polovodiče a je generována nadbytečná koncentrace e - h párů  $\Delta n$ . Rychlost generace e - h párů v jednotce objemu je  $G = \frac{\eta \Phi_f}{wdl}$ . Nadbytečné nosiče rekombinují s rychlostí  $\frac{\Delta n}{\tau}$ , kde  $\tau$  je doba života nadbytečných nosičů. V ustáleném stavu je rychlost generace i rekombinace stejná, takže pro  $\Delta n$  dostáváme

$$\Delta n = \frac{\eta \tau}{w dl} \Phi_f. \tag{25}$$

Potom pro zvýšení vodivosti  $\Delta \sigma$  dostáváme

$$\Delta \sigma = e \Delta n(\mu_n + \mu_p) = \frac{e \eta \tau(\mu_n + \mu_p)}{w dl} \Phi_f$$
(26)

a po dosazení do (24) dostaneme

$$u_S = \frac{1}{4} U \frac{e\eta \tau(\mu_n + \mu_p)}{w dl \sigma_o} \Phi_f.$$
<sup>(27)</sup>

S využitím vztahů (5, 27) můžeme vypočítat napěťovou citlivost

$$R_U = \frac{u_S}{P_\lambda} = \frac{1}{4} U \frac{e\eta \tau (\mu_n + \mu_p)}{w dl \sigma_o h\nu}$$
(28)

Vyšší napěťovou citlivost mají tedy vzorky s větší dobou života nosičů, menším objemem a nižší vodivostí za tmy.

Pomocí vztahu  $R_J = R_U/R$  můžeme určit proudovou citlivost uvážíme-li, že  $R = l/(w d\sigma_o)$  a driftová rychllost  $v = l/t_R = \mu U/l$ .

$$R_J = \frac{1}{4} \frac{e\eta}{h\nu} \frac{\tau}{t_R} \tag{29}$$

kde  $t_R$  je doba průletu nosiče mezi elektrodami.  $\frac{\tau}{t_R} \equiv z$  je koeficient zesílení fotoproudu, který dosahuje ve fotoodporech hodnot až 10<sup>5</sup>. Čím je větší z, tím je větší citlivost, prodlužuje se však doba odezvy. Je-li  $\tau > t_R$  (tj. z > 1), mohou generované nosiče přispět více než jedním nábojem. Např. elektron může dorazit dříve ke kladné elektrodě než díra ( $\mu_n > \mu_p$ ), zde je odsát konktaktem, avšak z katody je vstřikován jiný elektron, aby nedošlo k porušení elektrické neutrality. Celý proces se opakuje, dokud díra nedojde ke kontaktu nebo nezrekombinuje v detektoru. Je výhodné, aby při generaci párů docházelo k zachycování jednoho druhu nosičů v pastech. To však prodlužuje dobu odezvy fotoodporu.

#### 2.1.1 Doba odezvy fotoodporů

Doba odezvy je omezena hlavně průletovou dobou  $t_R$  a časovou kostantou RC obvodu. Doba odezvy daná průchodem nosičů detektorem je přibližně rovna době života nosičů  $\tau$ , tj. šířka frekvenčního pásma  $\Delta \nu_D$  je nepřímo úměrná  $\tau$ . Proto prodloužení  $\tau$  zvyšuje zisk z avšak zároveň snižuje  $\Delta \nu_D$ . Kvalita fotoodporu  $Q = z \Delta \nu_D$  je proto nezávislá na  $\tau$  a dosahuje typicky hodnot až 10<sup>9</sup>.

#### 2.1.2 Poměr signál - šum ve fotoodporech

Zavádíme ho vztahem

$$\frac{S}{N} = \frac{j_S^2}{j_N^2 + j_{N_T}^2} \tag{30}$$

kde  $j_S$  je proud generovaný ve fotoodporu signálem o výkonu  $P_{\lambda}$ ,  $j_N^2$  je výkon šumu na odporu 1 $\Omega$  a  $j_{N_T}^{\bar{2}}$  je výkon *tepelného* šumu. Neuvažujeme-li ztráty, platí

$$j_S = \frac{\eta z e P_\lambda}{h\nu}.\tag{31}$$

Ve fotoodporech převládá šum generačně - rekombinační, který je dán vztahem (11) z kap. 1.3, přičemž  $\overline{J}$  je proud generovaný jak signálem  $P_{\lambda}$ , tak pozadím  $P_B$  a obsahuje i aditivní složku proudu za tmy  $j_D$ . Platí tedy:

$$j_N^{\overline{2}} = 4ze\bar{J}\Delta\nu = \frac{4\eta z^2 e^2 \Delta\nu}{h\nu} (P_\lambda + P_B + \frac{h\nu j_D}{\eta z e})$$
(32)

Další složkou výkonu šumu je tepelný šum,  $j_{N_T}^{\overline{2}} = 4kT_N \Delta \nu/R$ , kde  $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_L} + \frac{1}{R_A}$ . Tímto členem nahrazujeme jednak tepelný šum samotného detektoru, pracovního odporu  $R_L$ , a také šum generovaný předzesilovačem  $R_A$ .  $T_N$  představuje efektivní teplotu odporu R, při které se dosahuje dané úrovně šumu. Po dosazení do (30) a úpravě dostaneme:

$$\frac{S}{N} = \frac{\eta P_{\lambda}^2}{4h\nu \triangle \nu (P_{\lambda} + P_B + \frac{h\nu j_D}{\eta z e})[1 + \frac{h\nu}{e}\frac{kT_N}{e}\frac{1}{\eta z^2 R}\frac{1}{P_{\lambda} + P_B + h\nu j_D/\eta z e}]}$$
(33)

Položíme-li S/N = 1, můžeme vypočítat  $P_{NEP}$  pro případ, kdy největší roli hraje *šum signálu*  $(P_{NEP})_S$ , *šum způsobený zářením pozadí*  $(P_{NEP})_B$ , *šum temného proudu*  $(P_{NEP})_D$  a *šum zesilovače*  $(P_{NEP})_A$ .

Platí:

$$(P_{NEP})_{SL} = \frac{4h\nu\Delta\nu}{\eta} \tag{34}$$

$$(P_{NEP})_{BL} = 2\sqrt{\frac{h\nu P_B \triangle \nu}{\eta}}$$
(35)

$$(P_{NEP})_{DL} = \frac{2h\nu}{\eta e} \sqrt{\frac{ej_D \triangle \nu}{z}}$$
(36)

$$(P_{NEP})_{AL} = \frac{2h\nu}{z\eta e} \sqrt{\frac{kT_N \triangle \nu}{R}}$$
(37)

Často v detektoru převládá šum způsobený temným proudem  $j_D$ . Dosadíme-li v (36) za  $j_D=V/R$  a za  $z=\tau/t_R=\mu V\tau$ , dostaneme

$$(P_{NEP})_{DL} = \frac{2h\nu}{\eta e} \sqrt{\frac{el^2 \Delta\nu}{R\mu\tau}}$$
(38)

Z tohoto vztahu dostáváme detektivitu

$$D^* = \frac{A^{1/2} (\Delta \nu)^{1/2}}{P_{NEP}} = \frac{A^{1/2} \eta}{2h\nu} \sqrt{\frac{eR\mu\tau}{l^2}}$$
(39)

Pro vysokou detektivitu je tedy potřeba velký odpor a velký součin  $\mu\tau$ . Dá se ukázat, že u fotoodporu *nelze* potlačit ostatní zdroje šumu tak, aby se uplatnil pouze šum signálu.

#### 2.1.3 Materiály pro fotoodpory

**CdS** a **CdSe**:  $(E_g = 2, 42 \, eV \text{ a } 1, 74 \, eV)$ , snadno dostupné, vysoký zisk  $z = 10^3 - 10^4$ , doba odezvy je řádově ~ 10 ms a závisí na intenzitě světla.

 $\mathbf{CdS}_{x}\mathbf{Se}_{1-x}$ : Změnou složení lze získat polovodič s proměnou šířkou  $E_{q} = 1, 74 - 2, 42 \, eV$ .

**PbS** (ve formě vrstev): ( $E_g = 0, 37 eV$ ), detektor blízkého ič záření při pokojové teplotě pro vlnové délky  $1-2, 5 \mu m$ ; při chlazení na  $-30^{\circ}C$  až do  $2-4 \mu m$ . Ve vlnové oblasti ~  $2 \mu m$  patří mezi *nejcitlivější* fotodetektory. Doba odezvy ~  $200 \mu s$ ; poměrně velký odpor (~  $1 M\Omega$ )

**InSb**:  $(E_g = 0, 36 \, eV)$ , nízký specifický odpor, detekce záření až do 7  $\mu m$ , doba odezvy ~ 50 ns.

Pro snížení šumu je výhodné detektor zchladit na 77 K, což však omezuje obor citlivosti do 5  $\mu m$  (zmenšení  $E_g$ ).

Pro vlnové délky  $\lambda > 7 \,\mu m$  v režimu *vlastní fotoelektrické vodivosti* jsou vhodné:

 $\mathbf{Cd}_{x}\mathbf{Hg}_{1-x}\mathbf{Te}$  (CMT) a  $\mathbf{Pb}_{x}\mathbf{Sn}_{1-x}\mathbf{Te}$  (LTT). Změnou složení lze plynule měnit šířku zakázaného pásu.

**CMT**:  $E_g(77K)$  se mění v intervalu (-0, 2 eV, 1, 5 eV)  $(E_g = 0 \text{ pro } x = 0, 14).$ 

Z tohoto materiálu se vyrábějí detektory, které pokrývají celou vlnovou oblast ič záření  $2 - 30 \,\mu m$ ; největší zájem je o oblast  $8 - 14 \,\mu m$  (jedno ze tří atmosférických oken). Velkou výhodou tohoto materiálu je vysoká pohyblivost nosičů, nízká intrinsická koncentrace a nízká doba života minoritních nosičů ~ několik  $\mu s$ .

Dříve se používaly pro oblast  $\lambda > 8 \,\mu m \, p \check{r} i m \check{e} sov \acute{e} \, detektory$ , především Ge a Si legované různými příměsemi. Tyto detektory bylo však nutné chladit na teplotu kapalného He (4, 2 K).

př.		$E_A(meV)$	$\lambda_A(\mu m)$	Teplota
	Ge:Au Ge:Hg Ge:B Si:B	$120\\88\\10\\44$	$egin{array}{c} 8,3 \\ 14 \\ 124 \\ 28 \end{array}$	77 K 4.2 K 4.2 K 4.2 K

Fotoodpory mívají tvar destičky nebo tenké vrstvy. Nejčastěji se vyrábějí napařením tenké vrstvy vhodného polovodičového materiálu (např. CdS, CdSe pro viditelné záření) na keramickou podložku. Aby se dosáhlo větší plochy detektoru při malé průletové vzdálenosti mezi elektrodami, má polovodičová vrstva tvar meandru (obr. 17).



Obr. 17: Fotoodpor a) schéma provedení b) CdS fotoodpor

Přednosti (+) a nevýhody (-) fotoodporů oproti jiným fotocitlivým součástkám:

+ značná citlivost	- dlouhá doba odezvy
--------------------	----------------------

+ snadné použití	- značná teplotní závislost odporu
+ nízká cena	- časová degradace fotoodporu

+ možnost aplikace pro ss i stř obvody

#### 2.2 Detektory s přechodem PN

#### 2.2.1 Fotodioda

*Fotodioda* je plošná polovodičová dioda konstrukčně upravená tak, aby do oblasti PN přechodu pronikalo záření. Není-li přechod ozářen, má voltampérová charakteristika stejný průběh, jako charakteristika běžné diody. Vliv ozáření přechodu se při polarizaci diody v závěrném směru projeví lineárním růstem anodového proudu při rovnoměrném zvyšování fotonového toku (obr.18). Dioda se tedy chová jako pasivní součástka, jejíž elektrický odpor v závěrném směru je závislý na fotonovém toku. Fotodioda reaguje na změny fotonového toku velmi rychle, řádově  $10^{-9} - 10^{-6} s$ .



Obr. 18: Fotodioda a) Si fotodioda b) V-A charakteristika fotodiody

Fotodiodu lze zapojit třemi způsoby: naprázdno (bez vnějšího napětí - fotovoltaické PV zapojení), nakrátko (U=0) a s napětím přiloženým v závěrném směru (- fotovodivostní PC zapojení). Princip funkce lze objasnit na náhradním schématu fotodiody (obr.19). Záření generuje v diodě proud  $J_{\lambda}$ , jehož část  $J_d$  protéká diodou a proudy  $J_{Sh}$  a  $J_C$  parazitním odporem a kapacitou. Můžeme-li  $J_{Sh}$  a  $J_C$  zanedbat, dostáváme pro celkový proud ve vnějším obvodě J:

$$J = -(J_{\lambda} - J_d) = -J_{\lambda} + J_0[exp(\frac{eU}{k_BT}) - 1]$$
(40)

kde celkový proud diodou  $J_d = J_0[exp(\frac{eU}{k_BT}) - 1]$  a  $J_0$  je temný proud diodou.

Pro  $R_S = 0$  je  $J_{\lambda} = J_{SC}$  (viz. kap. Fotoefekt na přechodu P-N). Při U = 0 (zapojení nakrátko) je  $J = -J_{\lambda}$ .

V PV zapojení generuje signál v ochuzené vrstvě diody e-h páry. Výsledkem je nárůst elektrického pole, které vede k vzniku fotonapětí  $V_P$ . Výhodou je nepotřebnost zdroje napájení, detektor je však pomalejší. V tomto režimu pracují také solární články. Křemíkové fotočlánky dávají provozní napětí 0, 45 V a provozní proud  $I_p = 0, 15mA \, cm^2$  na článek. Účinnosti: amorfní Si 6 – 7%, polykrystalický Si 8 – 12%, monokrystalický Si 16 – 19%. Další vhodné materiály pro fotočlánky jsou Ge, Se, GaAs, GaInAs, GaAlAsSb, CdTe, CuInGaSSe (CIS struktury).

Přilozíme-li na diodu dostatečně velké napětí v závěrném směru (stačí několik desetin voltu), dostáváme lineární příspěvek proudu se započtením temného proudu:

$$J = -(J_{\lambda} + J_0) \tag{41}$$

V oblasti prostorového náboje (OPN) dochází k roztržení e - h párů a oba druhy nosičů jsou odsáty (driftují) vlivem vysokého vnitřního elektrického pole k elektrodám. Neuplatňují-li se záchytná centra, je zisk fotodiody  $z \leq 1$ , tj. nedochází k zesílení fotoproudu!

V ideálním případě (nedochází-li ke ztrátám) platí

$$J_{\lambda} = \frac{e\eta P_{\lambda}z}{h\nu} = \frac{e\eta P_{\lambda}z}{hc}\lambda \tag{42}$$

Ze vztahu (42) je vidět, že proud je lineární funkcí fotonového toku a vlnové délky  $\lambda$ . Z (42) můžeme také určit proudovou citlivost fotodiody (obr.20). Čárkovaná přímka představuje ideální teoretickou křivku podle (42). Pro reálnou fotodiodu dostáváme plnou křivku, v které se uplatňují ztráty i dlouhovlnná mez detektoru  $\lambda_q$ .



Obr. 19: a) Náhradní schéma fotodiody: a1) fotovoltaický PV režim, a2) fotovodivostní PC režim.  $J_{\lambda}$  - proud generovaný signálem,  $R_{Sh}$  - paralelní odpor,  $R_S$  - sériový odpor,  $C_d$  - paralelní kapacita,  $R_L$  - pracovní odpor; b) schéma fotodiody.



Obr. 20: Proudová citlivost fotodiody

#### 2.2.2 Časová odezva (setrvačnost) fotodiod

Rychlost odezvy je ovlivňována (obr.19b): a) *dobou driftu* nosičů v OPN (oblast 1) b) *dobou difúze* k hranici OPN (oblast 2) c) *kapacitními efekty* (časová konstanta RC)

a) V OPN přechodu P-N je silné elektrické pole, v kterém se nosiče urychlují a jejich driftová rychlost se blíží termální rychlosti. Doba průletu OPN šířky w je

$$t_{drift} = \frac{w}{v_{sat}} \tag{43}$$

Př. Doba driftu v Si:  $\varepsilon = 2.10^3 Vm^{-1}$ ,  $v = 10^5 ms^{-1}$ ,  $w = 5 \mu m \rightarrow t_{drift} = 5.10^{-11} s$ 

b) Difúzní rychlost minoritních nosičů  $v_D = D/L$  (pro exponenciální průběh koncentrace volných nosičů), kde D je difuzní koeficient a L je difuzní délka. Efektivní sběr nastává ještě ve vzdálenosti d = 2L od OPN, kdy dobu průchodu nosičů touto vzdáleností je možno vyjádřit vztahem:

$$t_{dif} = \frac{d}{D/L} = \frac{d^2}{2D} \tag{44}$$

Př. Doba difúze v Si:  $d=5\,\mu m,\,D=3,4.10^{-3}\,m^2s^{-1}\rightarrow t_{dif}=3,7.10^{-9}\,s$ 

c) Kapacitní efekt

Pro kapacitu strmého přechodu  $P^+N$   $(N_A \gg N_D)$  při závěrném napětí  $U \gg V_D$  platí

$$C_d = \frac{A}{2} (2e\varepsilon_r \varepsilon_0 N_D)^{1/2} U^{-1/2}$$
(45)

Kapacita  $C_d$  (obr.19a) přemosťuje "šuntuje"  $R_L$  a od určité frekvence tvoří zkrat. Pro  $R_{Sh} \gg R_L + R_S$ a  $R_L \gg R_S$  se zavádí podmínka pro *mezní frekvenci*  $\omega_m \tau = 1$ , z které dostáváme

$$f_m = \frac{1}{2\pi R_L C_d} \tag{46}$$

Př. Pro  $A = 1 mm^2$ ,  $\varepsilon_r = 11, 7, N_D = 10^{21} m^{-3}, U = 10V, R_L = 50 \Omega \rightarrow C_d = 30 pF, f_m = 100 MHz$ 

Na fotodiody se obvykle přikládá velké závěrné napětí, které:

- zvyšuje elektrické pole  $\rightarrow$  snižuje se  $t_{drift} = t_R$ 

- zvětšuje šířku OPN  $\rightarrow$  zvyšuje se  $t_{drift} = t_R$  (nutno nalézt kompromis)

- zvětšuje šířku OPN  $\rightarrow$  redukuje se kapacita přechodu a zlepšuje se časová odezva

- zvětšuje šířku OPN  $\rightarrow$  zvětšuje se fotocitlivá plocha

Pro vysokofrekvenční účely musí být kapacita diody  $C_d$  malá. Toho lze dosáhnout zmenšením plochy přechodu A, nízkým legováním nebo velkým závěrným napětím.

Rozšiřování OPN (pomocí závěrného napětí) a snižování  $N_D$  však vede k růstu  $t_{drift}$  (snižováním  $N_D$  navíc roste sériový odpor  $R_S$ ). K dosažení maximální  $f_m$  volíme parametry tak, aby doba odezvy od kapacitních jevů  $\cong$  doba driftu v OPN, která je většinou ~  $10^{-9} s$ .

Si fotodiody: oblast  $0, 4 - 1 \mu m$ , vysoká citlivost, malé rozměry

Ge fotodiody: až do 1,8  $\mu m$ , mají však velké proudy v závěrném směru  $\Rightarrow$  větší šum.

Pro delší vlnové délky se proto používají diody na bázi *ternárních* (InGaAs, HgCdTe) nebo *kva-ternárních* (InGaAsP) sloučenin.

#### 2.2.3 Fotodioda PIN

PIN fotodioda je dioda, u které jsou vysoce dopované oblasti P a N odděleny širokou málo dopovanou "intrinsickou" oblastí I, která se označuje  $\nu$  pro I oblast s mírnou vodivostí typu N a  $\pi$  pro oblast I s mírnou vodivostí typu P. Po přiložení závěrného napětí se ochuzená oblast rozšíří přes celou intrinsickou oblast. V diodách PIN se dosahuje zlepšení *frekvenčních charakteristik* a *citlivosti* v dlouhovlnné oblasti spektra.

Fotodiody PIN mají následující přednosti:

- rozšíření OPN  $\rightarrow$  zvětšuje se fotocitlivá plocha, redukuje se kapacita přechodu a tím i časová konstanta RC (zlepšuje se časová odezva)

- rozšíření OPN  $\rightarrow$  zvyšuje se poměr mezi délkou driftu a délkou difúze

Pro oblast  $0, 4 - 1 \mu m$  se nejčastěji používá vysokoodporová Si  $(10^3 - 10^4 \Omega cm)$  destička, na kte-



Obr. 21: PIN fotodioda a) schéma b) schéma Si PIN diody c) schéma GaInAs/InP PIN diody rou je epitaxně nanesena Si vrstva  $N^+$  a z druhé strany tenká  $P^+$ . Povrch se chrání přirozeným

oxidem (SiO<sub>2</sub>), v kterém se vytvoří okénka pro kontakty (obr.21). Dostatečně velké napětí v závěrném směru vyprázdní celou oblast I a vzniklé pole urychlí nosiče až k mezní rychlosti ~  $10^5 m s^{-1}$ , což dává dobu driftu  $t_{drift} = 10 ps$  skrz 1  $\mu m$  širokou oblast I. Při zvětšení oblasti I se prodlužuje doba odezvy a zároveň zmenšuje kapacita přechodu ( $\leq 1 pF$ ).

Pro vlnovou oblast  $1 - 1, 6 \mu m$  se používá materiál GaInAs (viz obr. 21c). Na podložce z InP se epitaxně vypěstuje  $3 - 4 \mu m$  tlustá  $\nu$  vrstva Ga<sub>x</sub>In<sub>1-x</sub>As s koncentrací ~  $10^{21} m^{-3}$  a na ní  $1 \mu m$  tenká vodivá vrstva typu P. GaInAs má vysoký absorpční koeficient (~  $10^6 m^{-1}$ ), proto stačí tenká (1 –  $2\mu m$ )  $\nu$  vrstva  $\rightarrow$  velká rychlost odezvy.

#### 2.2.4 Poměr signál - šum ve fotodiodách

Fotovodivostní režim (závěrný směr): proud J je tvořen nasyceným proudem  $J_0$ , proudem generovaným signálem  $(J_{\lambda})$  a proudem generovaným zářením pozadí  $(J_B)$ . Pro výkon signálu na odporu 1  $\Omega$ dostáváme

$$\bar{J}_{\lambda}^2 = \eta^2 e^2 \frac{P_{\lambda}^2}{(h\nu)^2} \tag{47}$$

Ve fotodiodách převládá *šum výstřelový* (nosiče při průletu OPN nestačí zrekombinovat). Výkon šumu vypočteme dle kap. 1.3. Výkon šumu na odporu  $1 \Omega$  je potom daný vztahem (9)

$$\bar{J}_N^2 = 2e\bar{J}\triangle\nu = 2e(J_0 + \frac{\eta e[P_\lambda + P_B]}{h\nu})\triangle\nu.$$
(48)

S využitím vztahu (30) dostaneme obdobný vztah pro poměr signál-šum jako u fotoodporů (33)

$$\frac{S}{N} = \frac{\eta P_{\lambda}^2}{2h\nu \triangle \nu (P_{\lambda} + P_B + \frac{h\nu J_0}{\eta e})[1 + 2\frac{h\nu}{e}\frac{kT_N}{e}\frac{1}{\eta R_L}\frac{1}{P_{\lambda} + P_B + h\nu J_0/(\eta e)}]}$$
(49)

Podobně jako u fotoodporů můžeme ze vztahu (49) vypočítat  $P_{NEP}$  a detektivitu  $D^*$ . U fotoodporů je však celkový šum ovlivňován převážně q-r šumem (11), a proto je **celkový výkon šumu**  $(2\tau/t_R)$  krát větší než u fotodiod. Detektivita fotoodporů je proto  $(2\tau/t_R)^{1/2}$  krát menší než pro fotodiody.

Fotovoltaický režim: proud J je kompenzován stejně velkým proudem v opačném směru, takže výsledný proud je nulový. Oba tyto proudy však přispívají k šumu:

$$\bar{J}_N^2 = 4e(J_0 + \frac{\eta e[P_\lambda + P_B]}{h\nu}) \Delta\nu$$
(50)

a pro poměr signál - šum vychází:

$$\frac{S}{N} = \frac{\eta P_{\lambda}^2}{4h\nu \Delta \nu (P_{\lambda} + P_B + \frac{h\nu J_0}{\eta e})[1 + \frac{h\nu}{e}\frac{kT_N}{e}\frac{1}{\eta R_L}\frac{1}{P_{\lambda} + P_B + h\nu J_0/(\eta e)}]}$$
(51)

Podíl S/N ve fotovoltaickém režimu je zhruba 2x menší. Přesto se používá, když jsou proudy v závěrném směru velké (vznikal by dodatečný šum).

Shrnutí: Fotodiody a diody PIN. Mají podstatně kratší dobu odezvy, nižší šum a vyšší detektivitu než fotoodpory. Zisk mají však malý ( $z \leq 1$ ). Nevýhodou PIN diody je navíc generace teplotně závislého proudu za tmy, což s sebou přináší přídavný šum a znemožňuje měření signálů s nízkou úrovní. Vyššího zisku je možno dosáhnout v diodách s modulovanou bariérou nebo v lavinových fotodiodách.

### 2.2.5 Fotodioda s modulovanou bariérou

Velkou nevýhodou fotodiod je jejich nízký zisk (z $\leq$  1). Zisk lze zvýšit vytvořením diody se zachycováním minoritních nosičů  $\rightarrow$  fotodioda *s modulovanou bariérou* (obr.22). Jde vlastně o ekvivalent fototranzistoru (viz později), proud je však přenášen převážně majoritními nosiči. Zesílení je způsobeno snížením bariéry (zvýšením pravděpodobnosti) pro záchyt generovaných minoritních děr. e - h páry se generují ve vrstvě  $\pi$ -GaAs. Aktivní vrstva GaAs je přikryta vrstvou GaAlAs se širším zakázaným pásem, která je pro dopadající záření transparentní. Výhoda: zisk s klesající intensitou záření neklesá jako u fototransistoru a dosahuje hodnot z = 1000.



Obr. 22: PIN fotodioda s modulovanou bariérou a) struktura b) pásové energetické schéma

#### 2.2.6 Lavinová fotodioda - APD (Avalanche photodiode)

Nedostačuje-li citlivost fotodiod nebo PIN diod, je možné použít lavinových PIN fotodiod, které vykazují vlastní zesílení. V těchto součástkách existuje oblast s vysokým elektrickým polem, které urychluje generované nosiče náboje natolik, že při srážce s mřížkou krystalu polovodiče dojde k vyražení dalších (sekundárních) elektronů. Dochází zde k *lavinovému násobení* nosičů proudu, při kterém se primární proud generovaný zářením zvětší o 2 až 3 řády, čímž vzroste citlivost diody. Výhoda vlastního zesílení je vykoupena náročnější konstrukcí fotodiody. Provozní napětí je vysoké (Ge asi 30 V, Si 300 V) a je nutno ho stabilizovat. K tomu je zapotřebí kvalitní stabilizovaný zdroj napětí, přičemž potřebná hodnota napětí je pro každou diodu (i ze stejného materiálu) různá.



Obr. 23: Lavinová fotodioda (APD) - elektrické schéma

Princip činnosti lavinové diody je zakreslen na obr.23. V lavinové diodě je oblast absorpce záření  $(x < x_0)$  oddělena od oblasti lavinového násobení  $(x_0 < x < x_1)$ . Při přiloženém napětí je největší elektrické pole v materiálu typu P, kde dochází k násobení. Dopadající zážení generuje elektron-děrové páry (e-h páry). Pokud je záření absorbováno v oblasti násobení, jsou zde urychlovány a lavinově násobený oba typy nosičů. V oblasti absorpce  $(x < x_0)$  dochází po generaci e-h párů k injekci elektronů do oblasti násobení; k injekci děr dochází při absorpci v povrchové vrstvě (pro  $x > x_1$ ). Proces lavinové generace nosičů můžeme popsat pomocí ionizačních koeficientů  $\alpha_n$ ,  $\alpha_p$ , které udávají, kolik volných párů generuje elektron resp. díra na jednotkové dráze svého driftu v krystalu. Koeficienty  $\alpha_n$ ,  $\alpha_p$  závisí na elektrickém poli a jejich převrácené hodnoty udávají střední volnou dráhu mezi dvěma po sobě následujícími srážkami. Velký význam má ionizační poměr  $\alpha_n/\alpha_p$ ; čím větší rozdíl, tím lépe. Pro dobrou funkci diody je optimální injekce pouze jednoho druhu nosičů s větším ionizačním koeficientem.

Při výpočtu zisku vyjdeme z následující rovnice (viz (3.24) v PPI):

$$\frac{dJ_n(x)}{dx} = \alpha_n J_n(x) + \alpha_p J_p(x) \qquad (J_n = en\mu_n \varepsilon \qquad J_p = ep\mu_p \varepsilon)$$
(52)

Proud elektronů vstupujících do oblasti násobení v místě  $x = x_0$  označme  $J_n(x_0)$  a předpokládejme, že proud děr vstupujících do oblasti násobení v místě  $x_1$  je nulový ( $J_p(x_1) = 0$ ).

Vyšetříme nyní dva krajní případy:

a)  $\alpha_p = 0$  (do oblasti násobení jsou vstřikovány pouze elektrony ( $J_p(x_1) = 0$ ). Tyto elektrony vytvářejí

elektrony i díry, které však již žádné další e-h páry negenerují  $\Rightarrow \frac{dJ_n(x)}{dx} = \alpha_n J_n(x)$  a po integraci  $\int_{x_0}^x \frac{dJ_n(x)}{J_n(x)} = \int_{x_0}^x \alpha_n dx$  dostaneme

$$J_n(x) = J_n(x_0)exp\Big(\int_{x_0}^x \alpha_n \, dx\Big) = J_n(x_0)exp\Big(\alpha_n \left(x - x_0\right)\Big).$$
(53)

Proud děr vyjádříme z podmínky kontinuity proudu

$$J_p(x) = J(x) - J_n(x) \tag{54}$$

Schéma průběhu proudu je znázorněno na obr.24.  $\alpha_n$  rychle roste s elektrickým polem  $\Rightarrow J_n$  a  $J_p$  silně závisí na napětí, avšak nabývají podle (53) a (54) konečných hodnot.

Zisk lavinové diody je potom

$$z = \frac{J_n(x_1)}{J_n(x_0)} = \exp\left(\alpha_n \left(x_1 - x_0\right)\right) = \exp\left(\alpha_n w\right)$$
(55)

b)  $\alpha_n = \alpha_p = \alpha_{np}$  (díry vytvářejí e-h páry).

Předpokládejme opět, že do oblasti násobení jsou vstřikovány pouze elektrony  $(J_p(x_1) = 0)$ , avšak tyto elektrony generují elektrony i díry, které opět generují elektrony i díry. Z výrazu (52) dostáváme

$$\frac{dJ_n(x)}{dx} = \alpha_{np}(J_n(x) + J_p(x)) = \alpha_{np}J(x)$$
(56)

V důsledku elektrické neutrality platí  $\frac{dJ_n(x)}{dx} = -\frac{dJ_p(x)}{dx} \Rightarrow$  celkový proud $J(x) = J_n(x) + J_p(x) = konst \Rightarrow J$  nezávisí na x. Integrací rovnice (56)  $(\int_{x_0}^x dJ_n = J(x) \int_{x_0}^x \alpha_{np} dx)$ dostáváme

$$J_n(x) = J_n(x_0) + J(x) \int_{x_0}^x \alpha_{np} \, dx = J_n(x_0) + J(x)\alpha_{np}(x - x_0) \tag{57}$$

Protože J(x) = konst pro všechna x a zároveň  $J_p(x_1) = 0$ , tak platí

$$J(x) = J_n(x) + J_p(x) = J_n(x_1) + J_p(x_1) = J_n(x_1)$$
(58)



Obr. 24: Hustota elektrického proudu v APD

Ze vztahu (57) po dosazení (58) a úpravě dostaneme vztah pro proud v bodě  $x_1$ :

$$J_n(x_1) = \frac{J_n(x_0)}{1 - \int_{x_0}^{x_1} \alpha_{np} \, dx} = \frac{J_n(x_0)}{1 - \alpha_{np}(x_1 - x_0)} \tag{59}$$

a pro zisk

$$z = \frac{J_n(x_1)}{J_n(x_0)} = \frac{1}{1 - \alpha_{np}(x_1 - x_0)} = \frac{1}{1 - \alpha_{np}w}$$
(60)

J bude divergovat pro  $\int_{x_0}^x \alpha_{np} \, dx \to 1 \Rightarrow$  proto pro  $\alpha_n = \alpha_p$  může dojít k *lavinovému průrazu*.

Pokud  $\alpha_n \neq \alpha_p$  z rovnice (58) dostáváme vztah pro  $J_p(x) = J_n(x_1) - J_n(x)$ , který dosadíme do výrazu (52) a dostaneme

$$\frac{dJ_n(x)}{dx} = (\alpha_n - \alpha_p)J_n(x) + \alpha_p J_n(x_1)$$
(61)

a pro proud a zisk dostáváme složitější výraz, ale podmínka pro lavinový průraz bude stejná.

Při předpětí U protéká diodou proud J, pro který platí empirický vztah

$$J = \frac{J_0}{(1 - \frac{U}{V_{br}})^n} \equiv M J_0 \tag{62}$$

kde M je koeficient zesílení,  $J_0 \equiv J_n(x_0)$ ,  $V_{br}$  je napětí průrazu a n je empirický exponent (n < 1). Z obr.25 je patrné, že zisk fotoproudu klesá s rostoucí teplotou a strmost závislosti na elektrickém poli klesá s rostoucím ionizačním poměrem  $r = \alpha_n / \alpha_p$  (pracovní bod se lépe stabilizuje).



Obr. 25: Závislost zesílení v APD a) na závěrném napětí při různých teplotách b) na elektrickém poli pro různý ionizační poměr.

Různé konstrukce lavinové fotodiody jsou zobrazeny na obr.26. Ochranný prstenec (OP) je slabě



Obr. 26: Lavinová fotodioda (APD) a) Si APD b) InGaAs/InP APD

legovaná oblast, ve které je OPN širší (elektrické pole je slabší než ve středu), což snižuje nebezpečí povrchového průrazu.

Pro obor vlnových délek do 1,  $3\mu m$  se používají lavinové fotodiody s heteropřechodem In<sub>0,53</sub>Ga<sub>0,47</sub>As/InP. K lavinového násobení dochází na přechodu P-InP/N-InP a vrstva InGaAs má funkci absorbéru. Vrstva InGaAsP přizpůsobuje mřížkové parametry obou vrstev a odděluje oblast násobení od oblasti absobce, což vede ke snížení proudu za tmy.

### 2.2.7 Šum v lavinových fotodiodách

Šum probereme opět pro 2 krajní případy:  $\alpha_p = 0$  a  $\alpha_n = \alpha_p$ .

Koeficient zesílení APD je opět dán podílem  $J/J_n(x_0)$ . Zavedeme proudové zesílení  $M(x) = \frac{J}{J_n(x)}$  jako změnu výstupního proudu J při malé fluktuaci  $J_n(x)$ . S využitím vztahu pro výstřelový šum a po dosazení  $J_n(x_1) = MJ_n(x_0)$ , e = Me (protože došlo ke zvětšení náboje) dostaneme pro střední kvadratickou hodnotu šumového proudu vztah:

$$\bar{J}_N^2 = 2e \triangle \nu \left\{ M^2 J_n(x_0) + \int_{J_n(x_0)}^{J_n(x_1)} M^2(x) \, dJ_n(x) \right\}$$
(63)

Pro  $\alpha_p = 0$  je  $J_n$  závislý na souřadnici x, takže i M = M(x). Po integraci dostáváme

$$\bar{J}_N^2 = 2e \triangle \nu \{ M^2 J_n(x_0) + J^2 (\frac{1}{J_n(x_0)} - \frac{1}{J_n(x_1)}) \} = 2e \triangle \nu \{ M^2 J_n(x_0) + M^2 J_n(x_0)(1 - \frac{1}{M}) \}$$
(64)

$$\bar{J}_N^2 = 2e \Delta \nu M^2 J_n(x_0) (2 - \frac{1}{M})$$
(65)

Pro velké M je výstupní výkon šumu **dvojnásobný** ve srovnání s ideálním násobičem, v kterém nejsou fluktuace v důsledku lavinování.

Pro  $\alpha_n = \alpha_p$  je chování M(x) odlišné. Malý vzrůst proudu generuje stejné množství  $e^-$  a  $h^+$ , proto výsledný proud *nezávisí* na místě, kde nastala fluktuace. M je proto *nezávislé* na souřadnici. Pomocí (63) dostaneme

$$\bar{J}_N^2 = 2e \Delta \nu \left[ M^2 J_n(x_0) + \int_{J_n(x_0)}^{J_n(x_1)} M^2 \, dJ_n(x) \right] = 2e \Delta \nu M^2 J_n(x_1) \tag{66}$$

Protože  $J_n(x_1) = M J_n(x_0)$  dostáváme šum *M*-krát větší na rozdíl od předchozího případu (65).

$$\overline{J_N^2} = 2e \triangle \nu M^2 M J_n(x_0) \tag{67}$$

Pro *libovolný poměr*  $\alpha_n/\alpha_p$  dostaneme

$$\bar{J}_N^2 = 2e \triangle \nu M^2 J_n(x_0) F(M) \tag{68}$$

F(M) je šumový faktor APD, kde v případě injekce elektronů  $(r=\frac{\alpha_n}{\alpha_p}\geq 1)$ dostáváme:

$$F(M) = M[1 - (1 - \frac{1}{r})(\frac{M-1}{M})^2]$$
(69)



Obr. 27: Závislost šumového faktoru F na koeficientu zesílení M. Parametr r je ionizační poměr.

### 2.2.8 Poměr signál-šum v lavinových fotodiodách

Pro výpočet S/N použijeme vztah (68), přičemž položíme  $J_n(x_0) \equiv J_S$  a uvážíme i složku proudu za tmy  $(J_d)$ 

$$\frac{S}{N} = \frac{J_S^2 M^2}{2M^2 F(M) e \triangle \nu (J_S + J_d) + 4kT_N \triangle \nu/R}$$
(70)

Kdyby F(M) = 1, zvyšoval by se podíl S/N k jisté asymptotické hodnotě. Protože však F(M) roste s M (viz obr. 27), existuje *optimální hodnota* M', pro kterou je hodnota S/N největší. Hodnota M' bývá 30 - 100, takže lavinová fotodioda výrazně zvyšuje *fotocitlivost*.

Nevýhody:

- nelze detekovat velké signály (vysoký šum)
- vysoké předpětí snižuje užití v IO
- technologická náročnost výroby (přechodová oblast bez mikroprůrazů)
- nelinearita signálu v závislosti na intenzitě záření
- každá APD musí být speciálně naladěna (každá má jiné předpětí).

#### 2.2.9 Schottkyho fotodioda

(pojmenovaná po německém fyzikovi W. Schottkym). Využívá usměrňujících účinků přechodu kovpolovodič. Polovodičem bývá nejčastěji křemík nebo GaAs typu N, kovem zlato nebo hliník. Schottkyho diody se nejčastěji zhotovují planárně epitaxní technologií, kde tenká polopropustná vrstva kovu tvoří usměrňující kontakt. Oproti diodám s PN přechodem Schottkyho dioda vykazuje nižší napětí v propustném směru, při kterém se začíná výrazně zvyšovat proud (Schottkyho dioda 0,3 V, Si dioda s PN přechodem 0,6 V) a vyšší závěrný proud (až stovky nA). Vedení proudu se v Schottkyho diodě účastní pouze majoritní nosiče proudu. Při difúzi se na okrajích hradlové vrstvy minoritní nosiče neakumulují, proto je doba mezi vznikem a zánikem hradlové vrstvy značně menší. Schottkyho diody mohou být přepnuty z vodivého do nevodivého stavu za dobu menší než 1 ns. Z tohoto důvodu se mohou Schottkyho diody využít při usměrňování vyšších frekvencí ( $\sim 100GHz$ ).

Na obr. 28 je schéma Schottkyho diody na bázi Si: na podložce  $N^+$  se vypěstuje epitaxní vrstva vysoce odporového Si typu N, dále se vytvoří ochranný prstenec typu P<sup>+</sup> a do něho se napaří ~ 0,01  $\mu m$ vrstva Au. Vše se nakonec překryje antireflexní vrstvou ZnS.



Obr. 28: Schottkyho dioda Au-Si s ochraným prstencem (OP).

#### Přednosti Schottkyho diod:

- + jednoduchost vytváření ( i na materiálech, kde nelze připravit přechod P-N)
- + kovová vrstva málo přispívá k sériovému odporu (v porovnání s  $P^+$  v přechodu  $P^+N$ )
- + OPN zasahuje až k povrchu $\rightarrow$ snižuje se vliv povrchové rekombinace
- +oproti hrotovým diodám je vyšší mechanická odolnost a kratší tzv. zotavovací doba.
- + vysoká citlivost a rychlost (doba odezvy při 100% absorpci dosahují parametrů diod PIN

- tloušťka OPN je malá → omezení oboru citlivosti diody (u Si diod je  $\lambda < 1 \mu m$ ). Umožňuje detekovat záření He-Ne laseru ( $\lambda = 0, 633 \mu m$ ).

Jednoduchost výroby umožňuje vyrábět diody s velmi malou plochou přechodu. Výše zmíněné parametry předurčují využití Schottkyho diody v extrémně rychlých spínacích obvodech ve výpočetní technice, radarových zařízeních či k usměrnění malých napětí s frekvencí až do stovek GHz.

#### 2.2.10 Fototransistor



Obr. 29: Fototransistor a) náhradní schéma b) schéma provedení c) pásové schéma.

Fototranzistory se používají jako optické přijímače, kde velikostí intenzity dopadajícího záření se ovlivňuje velikost kolektorového proudu. Fototranzistor je stejně jako lavinová fotodioda prvek s

vnitřním zesílením. Jedná se o bipolární tranzistor, na jehož přechodu báze-emitor je průhledné okénko, v němž je zasazena čočka, prostřednictvím které je světlo přivedeno a zesíleno. Elekroda báze není většinou vyvedena a tranzistor je řízen (spínán/rozepínán) prostřednictvím intenzity světelného záření. Pokud vyvedena je, slouží intenzita světla dopadajícího na bázi pro nastavení citlivosti fototranzistoru na proud báze. Vnější zdroj se připojuje mezi kolektor a emitor tak, aby kolektorový přechod byl polarizován závěrně.

Na obr. 29 je náhradní schéma, schéma provedení a pásové schéma fototransistoru. Jelikož přechod emitor-báze je v propustném směru, majoritní nosiče náboje (zde elektrony) přechází z emitoru do báze. V blízkosti přechodu emitor-báze se v bázi vytváří zvýšená koncentrace elektronů. Největší je těsně u přechodu emitor-baze, směrem od přechodu se koncentrace elektronů snižuje. Elektrony se v bazi pohybují difuzí. Jelikož je báze velmi tenká, jen malá část elektronů zrekombinuje. Zbývající část se vzhledem k malé tloušťce báze dostane k přechodu baze-kolektor. Tento přechod je v závěrném směru pro majoritní díry, ale propustný pro minoritní elektrony, které přecházejí do kolektoru. Osvětlením přechodu E-B dojde k ději analogickému vstřikování minoritních nosičů do oblasti báze u klasického transistoru. Tak se zvětší proud na druhém přechodu (v obvodu). Po generaci e-h párů, jsou minoritní nosiče elektrickým polem přechodu odsáty a spolu s majoritními nosiči způsobují snížení bariéry mezi E a B (viz obr.29c), čož vede k zesílení fotoproudu.

Kolektorový proud  $J_c$  má 2 složky: Složku  $\alpha J_e$  tvořenou elektrony, které prošly bází od emitoru a složku  $J_{co}$ , která představuje závěrný proud kolektorové diody (přechod baze - kolektor) tvořený minoritními elektrony.

Platí:

$$J_c = J_{co} + \alpha J_e = J_e - J_b \tag{71}$$

Z tohoto vztahu dostaneme

$$J_e = \frac{J_b + J_{co}}{1 - \alpha} = \frac{1}{1 - \alpha} (J_b + J_{co}), \tag{72}$$

kde za  $J_b$  dosadíme proud generovaný zářením  $J_\lambda$   $(J_\lambda = \eta e P_\lambda / h\nu)$ .

Na obr.29a je náhradní schéma, kde bázový proud  $(J_b)$  je generován vstupujícím fotonovým tokem. Koeficient proudového zesílení tranzistoru  $\alpha$  v zapojení se společnou bází je menší než jedna. Má standardně hodnoty okolo 0.99 u běžných "dobrých" křemíkových tranzistorů, ale může dosáhnout i hodnoty okolo 0.999. Za tmy teče fototransistorem malý temný proud  $J_{co}/(1-\alpha)$ . Protože  $1/(1-\alpha) \sim 1000$ , dostáváme po osvětlení *zesílený* fotoproud ve vnějším obvodu.

Fototranzistory se používají jako optické přijímače, kde velikostí intenzity dopadajícího záření se ovlivňuje velikost kolektorového proudu. *Citlivost* fototransistoru bývá vyšší než u diody PIN, *doba odezvy* je avšak dlouhá, protože nosiče *difundují* oblastí baze. Proto je snaha vytvořit bázi tenkou. Báze však nesmí být příliš tenká, aby se neomezila schopnost absorpce záření v bazi. Pro nízké intenzity záření vykazuje fototransistor pokles zesílení, což je způsobeno rekombinací generovaných nosičů v oblasti báze nebo přechodu (zpravidla B-E).

### 2.2.11 Využití struktur s proměnnou šířkou zakázaného pásu a se supermřížkami pro detekci záření

Tyto struktury se využívají pro zvýšení **driftové rychlosti** nosičů nebo ke zvýšení **ionizačního poměru**.

**Proměnná šířka**  $E_g$  vytváří vysoké vnitřní elektrického pole v určité části detektoru, kde generované nosiče získávájí vysokou driftovou rychlost (např. při změně  $E_g$  na vzdálenosti  $1 \mu m$  o 1 eV dostáváme pole  $10^6 V m^{-1}$ ). Na obr. 30 je pásové schéma *fototranzistoru s gradovanou bází*. Zde jsou nosiče v bázi B urychlovány až na termální rychlost a doba odezvy je krátká ~ 10 ps. Urychlování nosičů ještě napomáhá průběh vodivostního pásu mezi E a  $B \rightarrow$  při pohybu  $e^-$  z vrcholu "hrotu" dochází k jejich vstřikování s ještě vyšší rychlostí než termální (~  $10^5 m s^{-1}$  při 300 K). Je-li baze úzká, potom je driftová rychlost mnohem větší než mezní hodnota v homogením polovodiči (nedochází ke ztrátám energie).

Supermřížkové struktury zlepšují funkce lavinových diod, kde dochází ke zvýšení podílu  $\alpha_n/\alpha_p$  a snížení šumu. Toto má velký význam pro polovodiče  $A^{III}B^V$ , kde je většinou  $\alpha_n \sim \alpha_p$ .



Obr. 30: Fototransistor s gradovanou bazí.



Obr. 31: Pásové schéma supermřížky GaAlAs/GaAs,  $\triangle E_c = 0, 48eV, \triangle E_v = 0, 08eV$ .

Na obr.31 získává elektron přechodem z GaAlAs do GaAs dodatečnou energii, která je ekvivalentní zmenšení šířky  $E_g$  v GaAs o  $\Delta E_c$  a tím i zmenšení *mezní energie* potřebné pro ionizaci  $E_{th}$ . Protože  $\alpha_n$  závisí na  $E_{th}$  exponenciálně, dostáváme značné zvýšení  $\alpha_n$ .  $\alpha_p$  se příliš nezmění ( $\Delta E_v$  je malé). Výsledkem je zvětšení ionizačního poměru  $\frac{\alpha_n}{\alpha_p}$ . Pokud  $\Delta E_c \geq E_{th}$ , struktura se schodovitým průběhem pásů umožňuje účinnou ionizaci a násobení elektronů v místě nespojitosti  $\Rightarrow$  fotonásobič v pevné fázi. - výhodou je nízké provozní napětí fotonásobiče

- vyznačuje se *nižším šumem* než klasická lavinová fotodioda (k ionizaci dochází pouze v určitých místech).

Speciální superstruktura navržená pro zvyšování poměru  $\frac{\alpha_n}{\alpha_p}$  je tzv. kanálová lavinová dioda (Channeling APD), která je vyobrazena na obr.32. Skládá se ze střídajících se podélných vrstev typu P a N ze dvou různých materiálů ( $E_g$  pro P >  $E_g$  pro N). Na okrajích jsou vrstvy P<sup>+</sup> a N<sup>+</sup>. Vložíme-li na diodu závěrné napětí, dosáhneme částečného nebo i úplného vyprázdnění vrstev (obr. 32b). Záření se absorbuje v úzkopásovém polovodiči typu N a pole přechodu odsaje díry do polovodiče typu P. Aby nedošlo k ionizaci dírou, volí se tloušťka vrstvy N  $\ll \frac{1}{\alpha_p} \rightarrow ionizují hlavně e^-$  (pohybují se v polovodiči s užším  $E_g$ ).

- dosahuje se vysokého podílu $\frac{\alpha_n}{\alpha_p}\sim 350$ při zisku z>100

- nízká kapacita součástky (~ 0, 1 pF) při dostatečně vysokém U.

#### 2.2.12 Porovnání detektivity různých detektorů

Celkové porovnání detektivity různých detektorů je uvedeno na obr.33.



Obr. 32: Kanálová lavinová fotodioda a) schéma provedení b) průřez diodou c) pásové schéma. F. Capasso, IEEE Transaction on electron devices, ED-29(9), 1982, 1388-1395.



Obr. 33: Závislost měrné detektivity na vlnové délce pro různé detekční prvky. 1 - teoretická křivka pro detektor omezený pouze zářením pozadí (BLIP detektor), 2 - pneumatický termální detektor (Golay), 3 - pyroelektrický termální detektor.

### 2.3 Speciální Aplikace

### 2.3.1 Optron

Optron je součástka pro galvanické oddělení dvou obvodů, které se navzájem elektricky ovlivňují. Má dvě elektricky oddělené části – vysílač a přijímač. Jako světelný vysílač se používá laserová dioda (LED), jako fotocitlivý přijímač se užívá fotodioda, fotoodpor, fotodiak, fototranzistor a jiné. Obě části, jak zdroj světla, tak fotodetektor jsou umístěny v jednom neprůhledném pouzdře, aby nebyly ovlivňovány okolním parazitním světlem.



Obr. 34: Optron.

V optronu složeného z LED diody a fototranzistoru je proud výstupním obvodem (kolektor – emitor fototranzistoru) úměrný proudu protékajícímu vstupním obvodem (anoda – katoda LED). Optron s fotoodporem je tvořen LED diodou, opticky navázanou na fotoodpor. Na rozdíl od běžných optronů se fotoodpor chová jako elektricky ovládaný potenciometr, kdy odpor fotocitlivé vrstvy závisí na osvětlení diodou LED. Optrony s fotorezistorem se používají například v audiotechnice a v přístrojové technice.

#### 2.3.2 SPRITE detektor

**SPRITE** (Signal Processing InThe Element) je polovodičová součástka schopná zobrazovat na principu fotoelektrické vodivosti minoritních nosičů. Skládá se z pásku polovodivého materiálu HgCdTe o délce 700  $\mu m$ , šířce 50  $\mu m$  a tloušť ce 10  $\mu m$  se třemi ohmickými kontakty (obr. 35) (tenké kvůli snížení temného proudu).



Obr. 35: Detektor SPRITE (O.D.-oblast driftu, Č.O.-čtecí oblast.)

Po dopadu záření jsou generovány nosiče, které v přiloženém poli driftují ke sběrné elektrodě; souběžně s pohybem minoritních nosičů se stejnou rychlostí posouvá i obraz, čímž dochází ke vzrůstu(*integraci*) signálu přímo v součástce. Poblíž sběrné elektrody ve vzdálenosti l je umístěn další kontakt, na kterém se snímá prošlý signál.

Délka driftové oblasti je  $L = \mu \varepsilon \tau$ , kde  $\tau$  je doba života minoritních nosičů a  $\mu$  je ambipolární pohyblivost. Podíl  $\frac{L}{l}$  udává *rozlišovací schopnost* detektoru tj. počet elementů na než je obraz rozložen. Signál se integruje během průchodu celou délkou detektoru  $\rightarrow$  výsledná detektivita je vyšší než  $D^*$ 

$$D^*(\text{SPITE}) = D^*(1 \text{ element}) \left(\frac{L}{l}\right)^{1/2}$$
(73)

platí:  $\frac{L}{l} = \frac{\mu \varepsilon \tau}{l} = \frac{\tau}{t_R}$ , kde  $t_R$  doba průchodu čtecí oblastí. Pro dobrou funkci součástky se vyžaduje dlouhé  $\tau$ , což ale omezuje rychlost snímání obrazu (setrvačnost je větší).

### 2.3.3 CCD obvody

jednoho elementu:

CCD obvody (Charge Coupled Device) je nábojově vázaná struktura, v níž se náboj vytvořený dopadajícím zážením ukládá do povrchových potenciálových jam vytvořených pod blízko sebe uspořádanými *hradly MIS.* Vhodně uspořádanou sekvencí napěťových pulsů přiložených na řetězec hradel se náboje posunují podél řetězce a na výstupu se převádí na sériový sled pulsů (*posuvný registr*). Tím je možno *sledovat, přenášet a zpracovávat* jak digitální tak vzorkované analogové signály.

Základním elementem řetězce CCD je struktura MIS tvořená Si destičkou typu P pokrytou izolační vrstvou  $SiO_2$  s nanesenými kontakty. Jestliže se na strukturu MIS přiloží kladné napětí, dochází pod kontakty k vytvoření ochuzené vrstvy. Pro vyšší kladné napětí se pod kontakty dokonce vytvoří inversní vrstva elektronů ( $E_i$  protne poblíž povrchu  $E_F$ , n > p). V případě záporné napětí se vytváří akumulační vrstva a v případě  $U \approx 0$  dochází k vyrovnání pásů (flat bands).

Model CCD struktury je na obr. 36. Na hradlo je přiložen kladný puls  $U_G$ , který vytvoří pod kontaktem oblast hlubokého ochuzení OPN, která tvoří potenciální jámu, kde se mohou zachytávat nagenerované elektrony, které představují signální náboj  $Q_n < 0$ . Efektivní hloubka jámy  $\psi_S$  je funkcí  $Q_n$ . Pokud trvá puls  $U_G$ , může se signální náboj skladovat pod hradlem. Podél řetězce CCD je nadifundována oblast P<sup>+</sup> vytvářející ochranný prstenec, který zabraňuje rozsiřování OPN do stran a tím i únik náboje z kanálů.

Činnost CCD probíhá v *nerovnovážném stavu*: všechny manipulace s nábojem  $Q_n$ , tj. krátkodobé skladování a přesun k sousednímu hradlu, musí být provedeny v podstatně kratší době, než je relaxační doba potřebná k vytvoření kompletní inverzní vrstvy.



Obr. 36: CCD element.

Náboj pod 1. hradlem skladujeme po dobu trvání pulsu  $P_1$ , potom se náboj přesune pod druhé hradlo vložením pulsu  $P_2$  na 2. hradlo. Tím se vytvoří druhá jáma  $\psi_{so}$ , do níž se náboj přeleje, protože puls  $P_1$  se ukončí a první jáma zaniká (obr.36).

Aplikace CCD: - posuvný registr

- obrazové snímače CCD... miniaturní rozměry, malý příkon, dlouhá životnost
- filtry
- paměti CCD
- nízká cena

*Přednosti*: - výstup představuje jediná dioda nebo FET (vysoká stejnorodost a vysoký poměr signál/šum)
- na stejném čipu je možno umístit vlastní detekční matici i obvody zpracovávající signál.
- na společném čipu mohou být 2 shodné matice skládající se z M sloupců s N stupni v každém registru (plošné OS).



Obr. 37: CCD element.

CCD struktura byla původně vyvíjena pro použití jako paměťový chip. Zatímco jako paměť se nikdy moc nevyužívala, nesmrtelnost ji zajistila schopnost převádět dopadající světlo na velikost náboje. Vznikl tak CCD snímač obrazu. Světlo dopadající na povrch křemíkové destičky v podobě fotonů se ukládá jako náboj v potenciálových jámách. Ty zabraňují volnému pohybu elektronů a tím i náboje po chipu a dochází tak k jeho akumulaci. Každá taková potenciálová jáma představuje jeden pixel CCD snímače. Velikost zachyceného náboje je hlavně ovlivňována intenzitou dopadajícího světla a dobou, po kterou necháme CCD chip světlu vystavený. Zachycený náboj je nutné po nějaké době odebrat a převést na elektrický signál, jinak by mohl dojít k přetečení potenciálové jámy. Obrazové CCD snímače proto obsahují matici pixelů (potenciálových jam), u nichž postupným přesouváním náboje z jedné jámy do vedlejší dochází k jeho vysouvání na okraj chipu, kde je převáděn převodníkem na napěťový signál (viz obr.37).

*Problém*: Během vyčítání signálu z jednotlivých řádků nesmí CCD chip snímat, měl by tedy být zacloněn, aby nedocházelo k ovlivňování náboje. Z tohoto pohledu se vyskytují 3 principy:

"FF - Full Frame"- vystavena světlu je celá plocha chipu, tzn. všechny dostupné pixely. K vysunutí/sejmutí náboje je nutná mechanická clona (mechanical shutter), která chip zakryje.

"FT - Frame Transfer"- chip je rozdělen na plochu stále vystavenou dopadajícímu světlu (Imaging Area-IA) a plochu trvale zakrytou (Storage Area-SA). Do ní se v daný okamžik rychle přehraje celá snímací matice a z ní již je možné náboj klidně pomalu digitalizovat po celou dobu snímání dalšího obrázku na snímací části čipu (cca desítky ms). Princip se také označuje jako elektronická clona (electronic shutter) a patří mezi nejlevnější, ale kvalitativně nejhorší řešení.

"IT - Interline Transfer"- princip je podobný FT. Také zde jde o elektronickou clonu, ale jinak provedenou. Vedle každého na světlo citlivého sloupce je i podobný zakrytý a na světlo necitlivý sloupec, který udržuje a posouvá náboj pro převod na signál během již dalšího snímání obrázku.

Aby se co nejvíce zabránilo ztrátám v detekci světla způsobené neregistrováním fotonů dopadajících na zakryté plošky, implantují se na povrch CCD snímače miniaturní čočky. Ty lámou světlo a směrují ho jen do citlivé oblasti. Uvedené principy platí beze zbytku pro monochromatické, dá se říct černobílé CCD snímače. V dnešním světě potřebujeme většinou snímat obraz barevně. Proto je nutné CCD snímače doplnit o barevné filtry. Nad obrazovými buňkami jsou umístěné tzv. Bayerovy masky, což je v současné době převládající konstrukce. Jde o RGBG filtry, kdy G - zelený filtr - je vzhledem k vyšší citlivosti lidského oka na tuto barvu zdvojen. Každý z filtrů propouští světlo jen svojí vlnové délky (jednotlivé pixely potom detekují pouze jednu barvu z tříbarevné světelné rozkladové škály RGB nebo CMY) a finální barevnost se posléze interpoluje - dopočítává z několika okolních pixelů. Zpravidla se barva počítá ze čtyř obrazových bodů v matici  $2 \times 2$ , nebo z osmi pixelů obklopujících v matici  $3 \times 3$  aktuální obrazový bod. Výsledná fotografie je tedy uložená v barevném prostoru RGB se třemi kanály po 256 úrovních jasu - to dá po vynásobení známých (byť ideálních nebo, chcete-li, teoretických) 16,7 milionů odstínů barev osmibitového JPEGu.

Při výrobě světlocitlivých prvků digitálních fotoaparátů se používá také technologie CMOS (Complementary Metal Oxid Semiconductor), která využívá polovodičových součástek, řízených elektrickým polem. CCD čip přenáší fotogenerovaný signál z pixelu na pixel a transformuje ho na napětí ve vyčítacích obvodech. CMOS čipy konvertují signál na napětí přímo uvnitř každého pixelu. K jejich provozu stačí jen jedno napájecí napětí a elektrická spotřeba těchto snímačů je velmi malá. Technologie samotná je poměrně laciná a dobře zvládnutá. Touto technologií se také vyrábí většina počítačových integrovaných obvodů včetně procesorů. CMOS čipy se dělí na pasivní (Passive Pixel Sensor) a aktivní (Active Pixel Sensor). Pasivní čipy jsou tvořeny pouze fotodiodami a signál se nikterak neupravuje. Dnes hojně používané aktivní čipy mají u každé buňky rovněž zesilovač a obvod odstraňující šum. Mají méně šumu než pasivní čipy, na druhou stranu, každý tento zesilovač může trošku jinak zesilovat, čímž dosahuje vyššího šumu než CCD.

Většina konvenčních CMOS snímačů využívá princip tzv. čelního osvětlení (front-illumination), kdy jsou kovové obvody a tranzistory CMOS snímače umístěny na povrchu křemíkového substrátu, který, tvoří světlocitlivou oblast pixelu (nazývanou jako fotodioda). Nejenomže kovové obvody a tranzistory zmenšují světlocitlivou plochu (zhruba až na 1/4 možné efektivní plochy) a část světla odráží zpět, ale zároveň brání sběru fotonů realizovaného pomocí sběrných čoček umístěných na povrchu snímače. Jedná se o velmi významný problém bránící miniaturizaci jednotlivých pixelů. Z těchto důvodů byla představena několika firmami technologie zpětného osvětlení pojmenovaná jako BI/BSI (back-illumination či backside-illumination) částečně řešící tento neduh konvenčních CMOS snímačů.

Tvrzení, že snímače typu CMOS se s ohledem na jejich nižší kvalitu a citlivost hodí spíše do levnějších fotoaparátů už dávno není pravdivé. Technologický pokrok v této oblasti je neuvěřitelně rychlý a dá se předpokládat, že to bude právě technologie CMOS, která ovládne trh se snímači pro digitální fotoaparáty a mobilní telefony.

# Reference

[1] E.Klier: Polovodičové prvky I, UK, Praha 1984

- [2] E.Klier, J.Toušková: Polovodičové prvky II, SPN, Praha 1986
- [3] J.Toušek: Polovodičové prvky III, UK, Praha 1993
- [4] H. Frank: Fyzika a technika polovodičů, SNTL, Praha 1990
- [5] S.M.Sze: Physics of Semiconductor Devices, Willey-Interscience, New York, 1969
- [6] B.A.Saleh, M.C.Teich: Základy fotoniky 3, Matfyzpress, Willey-Interscience, New York, 1991